

CÁLCULO DE LÍMITES:

REGLA I: Para calcular el límite de una función cuando x tiende a un número, se sustituye x por dicho número y , si obtenemos un número real, el límite está acabado.

Ejemplo: $\lim_{x \rightarrow -1} (x^2 + 5x - 1) = (-1)^2 + 5(-1) - 1 = 1 - 5 - 1 = -5$

REGLA II: Para calcular el límite de una función polinómica cuando x tiende a más o menos infinito, nos fijaremos únicamente en el término líder de dicho polinomio.

Ejemplo: $\lim_{x \rightarrow +\infty} (2x^2 + 5x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} (2x^2) = 2(+\infty)^2 = 2(+\infty) = +\infty$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (-5x^3 + 6x - 3) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (-5x^3) = -5(-\infty)^3 = -5(-\infty) = +\infty$$

REGLA III: Al sustituir podemos obtener una operación que se puede resolver directamente, o bien, una operación que no podemos resolver directamente (llamada indeterminación) sino mediante un procedimiento que nos permite calcular el límite.

Operaciones que se pueden realizar con límites: $k \in \mathfrak{R}$ con $k \neq 0$

SUMAS	RESTAS	PRODUCTOS	COCIENTES
$k + \infty = +\infty$ $+\infty + \infty = +\infty$	$k - \infty = -\infty$ $-\infty - \infty = -\infty$	$k \cdot (+\infty) = \begin{cases} +\infty & k > 0 \\ -\infty & k < 0 \end{cases}$ $k \cdot (-\infty) = \begin{cases} -\infty & k > 0 \\ +\infty & k < 0 \end{cases}$ $(\pm\infty) \cdot (\pm\infty) = \pm\infty$ Tenemos que multiplicar los signos.	$\frac{k}{\pm\infty} = 0$ $\frac{0}{\pm\infty} = 0$ $\frac{+\infty}{k} = \begin{cases} +\infty & k > 0 \\ -\infty & k < 0 \end{cases}$ $\frac{0}{k} = 0$ $\frac{-\infty}{k} = \begin{cases} -\infty & k > 0 \\ +\infty & k < 0 \end{cases}$
POTENCIAS			
$0^{+\infty} = 0$ $0^{-\infty} = +\infty$ $k^0 = 1$	$0^k = \begin{cases} 0 & k > 0 \\ ? & k < 0 \end{cases}$ $(+\infty)^k = +\infty$ $(-\infty)^k = \begin{cases} +\infty & k \text{ par} \\ -\infty & k \text{ impar} \end{cases}$	$k^{+\infty} = \begin{cases} +\infty & k > 1 \\ 0 & 0 < k < 1 \end{cases}$ $k^{-\infty} = \begin{cases} 0 & k > 1 \\ +\infty & 0 < k < 1 \end{cases}$ Para k positivo; cuando sea negativo, no existe el límite.	$(+\infty)^{+\infty} = +\infty$ $(+\infty)^{-\infty} = 0$ $(-\infty)^{+\infty} = \infty$ (Sin signo) $(-\infty)^{-\infty} = 0$

Indeterminaciones:

$$\infty - \infty ; \frac{\infty}{\infty} ; \frac{0}{0} ; \frac{k}{0} \quad (k \in \mathfrak{R} \text{ ó } \pm\infty) ; \infty \cdot 0 ; 0^0 ; 1^\infty ; \infty^0$$

Cada una de las indeterminaciones tienen un método de resolución que nos permite calcular dicho límite al que dan lugar.