

1)

x_i	n_i	$x_i \cdot n_i$	N_i	$x_i^2 \cdot n_i$
0	1	0	1	0
1	4	4	5	4
2	7	14	12	28
3	5	15	17	45
4	3	12	20	48
	$N=20$	45		125

0,75



a)

b) Media: $\bar{x} = \frac{\sum x_i n_i}{N} = \frac{45}{20} = \boxed{2,25}$ 0,25

Moda: $M_0 = 2$ 0,25 (su frecuencia absoluta es más grande)

Mediana: $\frac{N}{2} = \frac{20}{2} = 10 \Rightarrow \text{Me} = 2$ 0,25

c) Rango: $4 - 0 = \boxed{4}$ 0,25

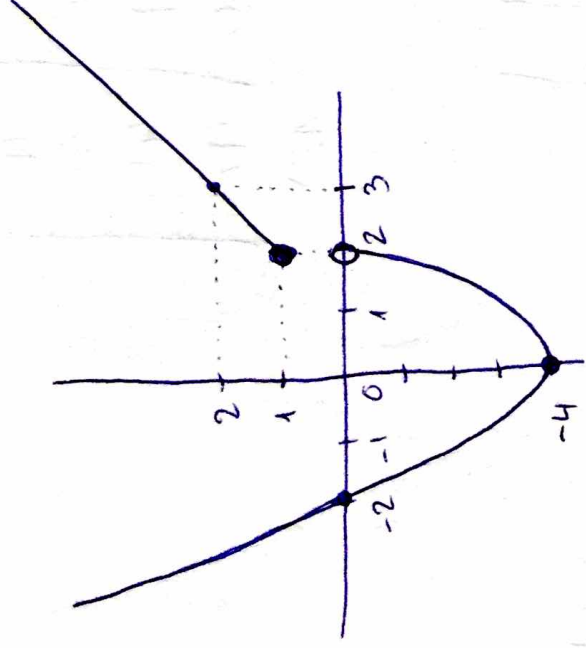
Desviación típica: $S = \sqrt{S^2} = \sqrt{1,1875} = \boxed{1,09}$ 0,25

$S^2 = \frac{\sum x_i^2 n_i}{N} - \bar{x}^2 = \frac{125}{20} - 2,25^2 = 6,25 - 5,0625 = 1,1875$

Coefficiente de variación: $CV = \frac{S}{\bar{x}} = \frac{1,09}{2,25} = \boxed{0,48}$ 0,25

$$2) \quad h(x) = \begin{cases} x^2 - 4 & \text{si } x < 2 \\ x - 1 & \text{si } x \geq 2 \end{cases}$$

a)



b)

$$\text{Dom}(h) = (-\infty, 2) \cup [2, +\infty) = \mathbb{R} \quad (0,25)$$

$$\text{Rec}(h) = \text{Im}(h) = [-4, +\infty) \quad (0,25)$$

c) Cada trozo es una función continua:

$\left\{ \begin{array}{l} \text{si } x < 2 \text{ es una parábola (función continua)} \\ \text{si } x \geq 2 \text{ es una recta (función continua)} \end{array} \right. \quad (0,5)$

En el punto donde cambia de un trozo a otro, $x=2$, es discontinua. Hay una discontinuidad de salto finito en $x=2$. (0,5)

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} h(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} (x^2 - 4) = 2^2 - 4 = 4 - 4 = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} h(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} (x - 1) = 2 - 1 = 1$$

Los límites laterales no coinciden.

3

$$a) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 2x + 1}{x^2 - x} = \frac{1 - 2 + 1}{1 - 1} = \frac{0}{0} \text{ Indeterminación}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 2x + 1}{x^2 - x} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)^2}{x(x-1)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{x} = \frac{1-1}{1} = \frac{0}{1} = \boxed{0} \text{ 1}$$

$$b) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + 6}{x-1} - \frac{x^2}{x+1} \right) = \infty - \infty \text{ Indeterminación}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(x^2 + 6)(x+1)}{(x-1)(x+1)} - \frac{x^2(x-1)}{(x+1)(x-1)} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + x^2 + 6x + 6 - x^3 + x^2}{(x-1)(x+1)} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 + 6x + 6}{x^2 - 1} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2}{x^2} = \boxed{2} \text{ 1}$$

$$c) \lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x+7} - \sqrt{x-7}) = \infty - \infty \text{ Indeterminación}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(\sqrt{x+7} - \sqrt{x-7})(\sqrt{x+7} + \sqrt{x-7})}{\sqrt{x+7} + \sqrt{x-7}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(\sqrt{x+7})^2 - (\sqrt{x-7})^2}{\sqrt{x+7} + \sqrt{x-7}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x+7 - x-7}{\sqrt{x+7} + \sqrt{x-7}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{14}{\sqrt{x+7} + \sqrt{x-7}} = \frac{14}{\infty} = \boxed{0} \text{ 1}$$

4

$$\frac{x-1}{4} - \frac{2x-4}{2} \geq 1$$

$$\frac{x-1}{4} - \frac{4x-8}{4} \geq \frac{4}{4}$$

$$x-1-4x+8 \geq 4$$

$$-3x+7 \geq 4$$

$$-3x \geq 4-7$$

$$-3x \geq -3$$

$$3x \leq 3$$

$$x \leq \frac{3}{3}$$

$$x \leq 1$$

1